# **MATHEMATIQUES**

**Mai 2004** 

L'usage d'instrument de calcul, en particulier d'une calculatrice de poche – éventuellement programmable et alphanumérique – à fonctionnement autonome, non imprimante, est autorisé conformément à la circulaire n°86-228 du 28 juillet 1986 publiée au B.O. n°34 du 2 octobre 1986.

La présentation, la clarté du raisonnement, l'orthographe, ainsi que la rigueur de la rédaction seront des critères pris en compte dans la note (4 points) attribuée à cette épreuve.

## Activités numériques (12 points)

Exercice I : Calculer en faisant apparaître chaque étape de calcul et :

- \* en donnant les résultats sous la forme de fractions irréductibles pour A et B.
- \* en donnant le résultat en notation scientifique pour C.

$$A = 1 - \frac{5}{2} \times \frac{4}{15}$$

$$B = \frac{2 - \frac{1}{4}}{2 + \frac{1}{4}}$$

$$C = 7.5 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-14}$$

Durée: 2 heures

### **Exercice II:**

- 1°) Vérifier que  $\sqrt{48} = 4\sqrt{3}$
- 2°) Soit E =  $4\sqrt{48} + 8\sqrt{3}$ . Ecrire sous la forme  $b\sqrt{3}$ , où b est un nombre entier.

### **Exercice III:**

- 1°) Voici un programme de calcul :
- \* on choisit un nombre
- \* on lui retranche 7
- \* on élève le résultat au carré
- \* on retranche 81 au nombre obtenu
- a) Appliquer ce programme de calcul au nombre –2. Quel nombre obtient-on?
- b) On appelle n le nombre auquel on applique le programme de calcul précédent. Exprimer, en fonction de n, le résultat de ce programme de calcul.

Tester l'expression obtenue en donnant à n, la valeur −2.

- 2°) Soit l'expression :  $F = (x 7)^2 81$ .
  - a) Développer, puis réduire et ordonner l'expression F.
  - b) Factoriser l'expression F.
- 3°) Résoudre l'équation : (x + 2) (x 16) = 0.

# Activités géométriques (12 points)

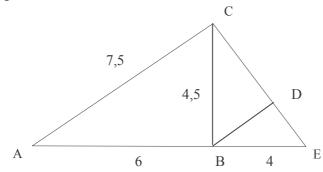
### Exercice I:

Dans le plan muni d'un repère orthonormé (O, I, J), l'unité graphique étant le centimètre, on considère les points suivants:

- A(-1;-1)
- B(2:2)
- C(4;0) D(1;-3)
- 1°) Faire la figure.
- 2°) Calculer les coordonnées du vecteur AB et celles du vecteur DC ; En déduire la nature du quadrilatère ABCD.
- 3°) Calculer les longueurs AC et BD puis démontrer que ABCD est un rectangle.
- 4°) Construire le point E, image du point A par la translation de vecteur BD.
  - Construire le point F tel que FC = BA + BC
- 5°) Quelle est la nature du quadrilatère AFCE ? Expliquer

#### Exercice II:

On considère la figure ci-dessous :



On donne AB = 6cm; AC = 7.5cm; BC = 4.5cm et BE = 4cm.

(Sur le schéma, les dimensions ne sont pas respectées.)

Les points A, B et E sont alignés.

La parallèle à (AC) passant par B coupe (CE) eu point D.

- 1°) Démontrer que le triangle ABC est rectangle en B.
- 2°) Calculer la valeur, arrondie au degré, de la mesure de l'angle BCE.
- 3°) Déterminer la mesure du segment [BD].

### Problème (12 points)

Un viticulteur propose un de ses vins aux deux tarifs suivants :

- \* Tarif 1: 7,5 euros la bouteille, transport compris.
- \* Tarif 2 : 6 euros la bouteille, mais avec un forfait de transport de 18 euros.
- 1°) Reproduire puis remplir le tableau donné ci-dessous :

Nombre de bouteilles	1	5			15
Prix au tarif 1 en €	7,5			97,5	
Prix au tarif 2 en €		48	78		

 $2^{\circ}$ ) Exprimer le prix payé par le consommateur en fonction du nombre x de bouteilles achetées.

Pour le tarif 1, le prix sera noté P<sub>1</sub>.

Pour le tarif 2, le prix sera noté P<sub>2</sub>.

 $3^{\circ}$ ) Tracer, dans un repère orthonormé et pour des valeurs de x comprises entre 0 et 15, les représentations graphiques des fonctions f et g définies par :

$$f(x) = 7.5x$$
 et  $g(x) = 6x + 18$ 

(On placera l'origine dans le coin inférieur gauche de la feuille et on prendra les unités suivantes :

- \* Sur l'axe des abscisses : 1cm représente 1 bouteille.
- \* Sur l'axe des ordonnées : 1cm représente 10 euros.)

Pour les questions 4 et 5, on laissera sur le graphique les traits de rappel utilisés pour faciliter la lecture.

- 4°) Répondre aux questions suivantes en utilisant le graphique :
  - a) On veut acheter 6 bouteilles. Quel est le tarif le plus avantageux ?
  - b) On dispose de 70 euros. Lequel des deux tarifs permet d'acheter le plus grand nombre de bouteilles ? Préciser ce nombre de bouteilles.
- 5°) Utilisation du graphique, vérification par le calcul.
  - a) Déterminer graphiquement pour combien de bouteilles le prix de revient est identique, quel que soit le tarif choisi. Donner ce nombre de bouteilles.

Quel est le prix correspondant?

b) Vérifier ces deux derniers résultats par des calculs.